

Testare Națională 2008 – sesiune specială

Probă scrisă la Matematică

Varianta 88

- ◆ Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- ◆ Timpul efectiv de lucru este de 2 ore.

- ◆ Minden tétel kötelező. A megjelenés 10 pont.
- ◆ A munkaidő 2 óra.

I. (32 pont) Írd a helyes eredményt a vizsgalapra a feladat sorszáma után!

1. A $(-4) + (-2)$ művelet eredménye
2. A $\frac{4}{x} = \frac{2}{7}$ aránypárban az x értéke
3. A 420-nál ötször kisebb szám
4. $14 \text{ m} = \dots \text{ cm}$.
5. A $(3x + 3x - 5x) : x$ műveletsor eredménye
6. Ha egy négyzet oldalának hossza 10 cm, akkor az átlójának hossza ... cm.
7. Egy szabályos négyoldalú gúla alapéle 6 cm és apotémája 12 cm. A gúla oldalfelszíne ... cm^2 .
8. Egy egyenes körhenger alapkörének sugara 11 cm és alkotója 10 cm. A henger térfogata ... $\pi \text{ cm}^3$.

II. (12 pont) Írd a helyes eredményt a vizsgalapra a feladat sorszáma után!

Minden feladatnál a négy lehetséges válasz közül csak egy helyes.

9. Az $x^2 + 6x - 7 = 0$ egyenlet megoldásainak halmaza:
A. $\{-7; -1\}$ B. $\{-1; 7\}$ C. $\{-5; 1\}$ D. $\{-7; 1\}$
10. A $\sqrt{144} : \sqrt{12}$ műveletsor eredménye:
A. $3\sqrt{2}$ B. $2\sqrt{3}$ C. 12 D. $\sqrt{6}$
11. Az A, B, C, D pontok, ebben a sorrendben, egy egyenesen helyezkednek el úgy, hogy $AC = 15 \text{ cm}$, $BC = 7 \text{ cm}$ és $CD = 4 \text{ cm}$. Az M pont az AB szakasz, N pont pedig a CD szakasz felezőpontja. Az MN szakasz hossza:
A. 5,5 cm B. 6 cm C. 9,5 cm D. 13 cm
12. Egy $ABCD$ derékszögű trapéz alapjai $AB = 8 \text{ cm}$ és $CD = 6 \text{ cm}$. Az ABC szög mértéke 60° . A trapéz BC oldalának hossza:
A. $2\sqrt{3} \text{ cm}$ B. $2\sqrt{2} \text{ cm}$ C. 4 cm D. 2 cm

III. (46 pont) Írd a vizsgalapra a teljes megoldást!

13. Adottak a következő számok: $a = -\frac{476}{238}$; $b = \frac{1}{\sqrt{4} + \sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{6}} + \frac{1}{\sqrt{6} + \sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{8}} + \frac{1}{\sqrt{8} + \sqrt{9}}$ és

$$c = 0, (5) \cdot 1\frac{4}{5},$$

- a) Igazoljuk, hogy $a + c$ egész szám.
 - b) Igazoljuk, hogy $a + b + c = 0$
14. Tekintsük az $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = ax + b$ függvényt és az $A(-1; 5)$ és $B(0; 4)$ pontokat.
- a) Határozd meg az f függvényt, ha az A és B pontok rajta vannak azon az egyenesen, amely a függvény grafikus képe!
 - b) Számítsd ki az AB szakasz hosszát!
 - c) Ha $a = -1$ és $b = 4$, határozd meg a függvény grafikus képének azon pontját, amelynek koordinátái egyenlők!
15. a) Rajzolj egy egyenes csonka körkúpot!
Egy egyenes csonka körkúp kisalapjának sugara 15 cm. A csonka kúp kisalapjának sugara, magassága és alkotója egyenesen arányos a 3; 4 és 5 számokkal.
- b) Igazold, hogy a csonka kúp magasságának hossza 20 cm!
 - c) Számítsd ki a csonka kúp palástfelszínét!
 - d) Számítsd ki annak a kúpnak a térfogatát, amelyből a csonka kúp származik!